

Т-31

Вариант 01

Простые уравнения

1

**01** Сумма корней уравнения  $|5 - x| = 3$  равна

- 1 8  2 -8  3 10  4 12  5 -10.

**02** Известно, что  $-5$  – корень уравнения  $2|x - 1| + x = ax - 3$ , тогда параметр  $a$  равен

- 1 -2  2  $-\frac{5}{6}$   3 4  4 2  5  $-\frac{4}{5}$ .

**03** Спортсмен пробежал  $360$  м со скоростью  $6$  м/с. Чтобы улучшить свой результат на  $10$  сек, ему нужно увеличить скорость на

- 1 0,8 м/с  2 1,2 м/с  3 0,9 м/с  
 4 0,6 м/с  5 1,5 м/с.

**04** Уравнение  $2x^2 - 3x + a = 0$  не имеет решений при

- 1  $a < 0$   2  $a < -9/8$   3  $a < 9/8$   4  $a = 9/8$   5  $a > 9/8$ .

**05** Сумма  $x + y$  решений системы уравнений  $\begin{cases} 0,7x + 0,3y = 2,7 \\ 13x + 17y = -67 \end{cases}$  равна

- 1 1  2 2  3 -1  4 -2  5 3.

**06** Продавая книгу за  $71$  р.  $50$  к., магазин имеет  $10\%$  прибыли. Себестоимость книги равна

- 1 63 р. 90 к.  2 51 р. 50 к.  3 65 р.  
 4 46 р. 35 к.  5 52 р. 30 к.

**07** Число действительных корней уравнения  $\sqrt{x} \cdot (x^3 + 8) = 0$  равно

- 1 1  2 2  3 3  4 4  5 5.

**08** Числа  $2/3$  и  $-3/2$  являются корнями уравнения

- 1  $6x^2 - 5x - 6 = 0$   2  $6x^2 + 5x + 6 = 0$   3  $6x^2 + 5x - 6 = 0$   
 4  $6x^2 - 5x + 6 = 0$   5  $3x^2 + 5x - 6 = 0$ .

Т-31

Вариант 01

Простые уравнения

2

09

Уравнение  $2 + \sqrt{x - 2} = -\sqrt{x}$  имеет корень

- 1 2,25  2 -2,25  3 0,5  4 -0,5  5 не имеет корней.

10

При каком  $q$  один корень уравнения  $x^2 - 9x + q = 0$  вдвое больше другого?

- 1 -18  2 8  3 18  4 12  5 -12.

11

Чтобы получить  $13\%$ -ный раствор соли из  $4$  л  $15\%$ -ного раствора, к нему  $9\%$ -ного раствора нужно долить в количестве

- 1 1 л  2 2 л  3 3 л  4 4 л  5 5 л.

12

На промежутке  $[-6; -2]$  уравнение  $\sqrt{x^2} - |x - 5| = 3$  имеет корень

- 1 1  2 -5  3 -6  
 4 4  5 на этом промежутке корней нет.

13

Разность между наибольшим и наименьшим корнем уравнения  $x^2 - 3|x| + 2 = 0$  равна

- 1 4  2 1  3 3  4 -4  5 -1.

14

Уравнение  $\sqrt{-3x + 3} = x - 1$  имеет решение

- 1  $x_1 = 1, x_2 = -2$   2  $x_1 = -2$   3  $x_1 = 1$   
 4  $x \in (-2; 1)$   5  $x \in [1; +\infty)$ .

15

Система уравнений  $ax - 2y = 5, x + y = 2$  имеет единственное решение при

- 1  $a \neq 1$   2  $a \neq 2$   3  $a \neq -2$   4  $a \neq 4$   5 любых значениях  $a$ .

16

Для уравнения  $x^2 + 8x - 1 = 0$  с корнями  $x_1$  и  $x_2$  вычислить  $x_1x_2^2 + x_2x_1^2$

- 1 -8  2 8  3 -5  4 5  5 4,5.

**17** Лодка прошла 45 км против течения реки и такое же расстояние вниз по течению реки, затратив всего 14 ч. Если скорость течения реки 2 км/ч, то собственная скорость лодки равна

- 1 5 км/ч  2 6 км/ч  3 7 км/ч  4 8 км/ч  5 9 км/ч.

**18** Решить уравнение  $\frac{x-9}{\sqrt{x}+3} = x-3$

- 1 1  2 0  3 0 и 1  4 2  5 корней нет.

**19** Сумма корней уравнения  $100x^3 - x^2 = 99x$  составляет

- 1 0,01  2 -0,01  3 1,99  4 -1,99  5 99.

**20** Уравнение  $||x+1| - 2| = a$  при  $a > 2$  имеет

- 1 одно решение  2 два решения  3 три решения  
 4 четыре решения  5 не имеет решений.

**21** Квадратное уравнение, корни которого вдвое больше корней уравнения  $4x^2 - 6x + 1 = 0$ , имеет вид

- 1  $2x^2 - 3x + 2 = 0$   2  $x^2 - 3x + 2 = 0$   3  $8x^2 - 12x + 2 = 0$   
 4  $2x^2 - 3x + 1 = 0$   5  $x^2 - 3x + 1 = 0$ .

**22** Сумма действительных корней уравнения  $(x-1)^2(x^2-2x) = 12$  равна

- 1 -3  2 2  3 3  4 4  5 0.

**23** Корень уравнения  $\sqrt{x^2 - 3} = \sqrt{2x}$  принадлежит промежутку

- 1 (1; 3)  2 (-2, 5; -1, 5)  3 [3; 5)  4 [0; 1]  5 [-1, 5; 0).

**24** Сумма корней уравнения  $\frac{x+1}{x-2} + \frac{x-2}{x+1} = \frac{5}{2}$  равна

- 1 1  2 -1  3 3  4 4  5 -3.

**25** Решением уравнения  $\frac{1}{1-\sqrt{x}} - \frac{1}{1+\sqrt{x}} = \frac{4}{x\sqrt{x}}$  является

- 1  $\sqrt{3} - 1$   2  $\sqrt{3} + 1$   3  $-1 \pm \sqrt{3}$   4  $\sqrt{2} - 1$   5  $\sqrt{5} - 1$ .

**26** Корень уравнения  $\sqrt{x^2 - 9x + 8} + \sqrt{64 - x^2} = 0$  принадлежит промежутку

- 1 [-10; -8]  2 [0; 2]  3 [-2; 0]  4 [7; 9]  5 корней нет.

**27** Если  $(x_1; y_1), (x_2; y_2)$  — решения системы  $\begin{cases} y = \sqrt{4 - x^2}, \\ y = \sqrt{2} \cdot |x| \end{cases}$ ,

то  $x_1y_1 + x_2y_2$  равняется

- 1 0  2 2  3 1  4 -1  5  $2\sqrt{2}$ .

**28** Все значения  $a$ , при которых система уравнений  $y = -x + a$ ,  $x^2 + y^2 = 3$  имеет решения, образуют множество

- 1 [-1; 1]  2  $[-\sqrt{3}; \sqrt{3}]$   3  $[-\sqrt{6}; \sqrt{6}]$   4  $[-\sqrt{3}; \sqrt{6}]$   5 [0; 3].

**29** Ящик вмещает 12 кг риса или 16 кг пшена. Если ящик заполнить и тем и другим на одинаковые суммы, то содержимое будет весить 15 кг и стоить 90 р. Суммарная стоимость 1 кг риса и 1 кг пшена равна

- 1 12 р.  2 14 р.  3 15 р.  4 18,75 р.  5 17 р.

**30** Число корней уравнения  $x \cdot |x-1| = a$  при  $0 < a < \frac{1}{4}$  равно

- 1 1  2 2  3 3  4 4  5 0.

01 Произведение корней уравнения  $|x - 1| = 4$  равно

- 1 -2  2 2  3 3  4 -5  5 -15.

02 Число -5 является корнем уравнения  $3|x + 1| - x = ax - 3$ , если

- 1  $a = 4$   2  $a = -4$   3  $a = 6$   4  $a = -6$   5  $a = 0$ .

03 Велосипедист проехал за некоторое время с постоянной скоростью 56 км. Если бы он увеличил скорость на 4 км/ч, то за то же время проехал бы 64 км. Скорость велосипедиста равна

- 1 24 км/ч  2 28 км/ч  3 20 км/ч  4 26 км/ч  5 32 км/ч.

04 Уравнение  $-x^2 + ax - 2 = 0$  не имеет решений при

- 1  $a < \pm 2\sqrt{2}$   2  $a \in (-2\sqrt{2}; 2\sqrt{2})$   3  $a > \pm 2\sqrt{2}$   
 4 всегда имеет два корня  5  $a \in (-\infty; -2\sqrt{2}) \cup (2\sqrt{2}; +\infty)$ .

05 Сумма  $x + y$  решений системы уравнений  $\begin{cases} 0,3x + 0,8y = 1,2 \\ 7x + 2y = 8 \end{cases}$  равна

- 1 1  2 2  3 -1  4 -2  5 3.

06 Продавая книгу за 76 р. 68 к., магазин имеет 20% прибыли. Себестоимость книги равна

- 1 63 р. 90 к.  2 51 р. 50 к.  3 65 р.  
 4 46 р. 35 к.  5 52 р. 30 к.

07 Число действительных корней уравнения  $\sqrt{x - 3} \cdot (x^3 - 6) = 0$  равно

- 1 1  2 2  3 3  4 4  5 5.

08 Числа  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  и  $-\sqrt{2}$  являются корнями уравнения

- 1  $x^2 - x + \sqrt{2} = 0$   2  $\sqrt{2} \cdot x^2 + x - \sqrt{2} = 0$   
 3  $\sqrt{2} \cdot x^2 - x - \sqrt{2} = 0$   4  $x^2 + x + \sqrt{2} = 0$   
 5  $\sqrt{2} \cdot x^2 + x + \sqrt{2} = 0$ .

09 Уравнение  $1 + \sqrt{x + 2} = -\sqrt{x}$  имеет корень

- 1 2,25  2 -2,25  3 0,5  4 -0,5  5 не имеет корней.

10 При каком  $q$  один корень уравнения  $x^2 - 6x + q = 0$  вдвое больше другого?

- 1 -18  2 8  3 18  4 12  5 -12.

11 Чтобы получить 15%-ный раствор соли из 3 л 20%-ного раствора, к нему 12%-ного раствора нужно долить в количестве

- 1 1 л  2 2 л  3 3 л  4 4 л  5 5 л.

12 На промежутке  $[0; 3]$  уравнение  $\sqrt{x^2 + 2x + 1} - |x - 4| = 2$  имеет корень

- 1 1  2 2,(3)  3 2,5  4 1,5  5 корней нет

13 Произведение наибольшего и наименьшего корней уравнения  $x^2 - 5|x| + 6 = 0$  равно

- 1 -9  2 9  3 6  4 -6  5 5.

14 Уравнение  $\sqrt{-2x + 2} = x - 1$  имеет решение

- 1  $x_1 = 1, x_2 = -1$   2  $x_1 = 1$   3  $x_1 = -1$   
 4  $x \in (-1; 1)$   5  $x \in [1; +\infty)$ .

15 Система уравнений  $x - ay = 2, 2ax - 2y = 3$  имеет единственное решение, если

- 1  $a \neq \pm 1$   2  $a = 1$   3  $a = -1$   4  $a = 2$   5  $a = -2$ .

16 Для уравнения  $x^2 - 5x - 1 = 0$  с корнями  $x_1$  и  $x_2$  вычислить  $x_1 x_2^2 + x_2 x_1^2$

- 1 -8  2 8  3 -5  4 5  5 4,5.

**17** Лодка прошла 24 км против течения реки и такое же расстояние вниз по течению реки, затратив всего 9 часов. Если скорость течения реки 2 км/ч, то собственная скорость лодки равна

- 1 5 км/ч  2 6 км/ч  3 7 км/ч  4 8 км/ч  5 9 км/ч.

**18** Уравнение  $\frac{x-4}{\sqrt{x}-2} = x$  имеет корень

- 1 1  2 2  3 3  4 4  5 не имеет корней.

**19** Сумма корней уравнения  $100x^3 - 199x^2 = -99x$  составляет

- 1 0,01  2 -0,01  3 1,99  4 -1,99  5 99.

**20** Количество решений уравнения  $|2 - |x-1|| - a = 0$  при  $0 < a < 2$  равно

- 1 1  2 2  3 3  4 4  5 0.

**21** Уравнение, корни которого втрое больше корней уравнения  $2x^2 - 5x + 1 = 0$ , имеет вид

- 1  $2x^2 - 15x + 3 = 0$   2  $2x^2 - 45x + 9 = 0$   
 3  $6x^2 - 5x + 9 = 0$   4  $2x^2 - 15x + 9 = 0$   
 5  $3x^2 - 15x + 1 = 0$ .

**22** Сумма действительных корней уравнения  $(x-2)^2(x^2-4x+3) = 12$  равна

- 1 8  2 2  3 3  4 4  5 0.

**23** Корень уравнения  $\sqrt{x^2 - 4} = \sqrt{-3x}$  принадлежит промежутку

- 1 (1; 3)  2 (-4, 5; -1, 5)  3 [3; 5)  4 [0; 1]  5 [-1, 5; 0).

**24** Сумма корней уравнения  $\frac{x}{x-3} + \frac{x-3}{x} = \frac{5}{2}$  равна

- 1 1  2 -1  3 3  4 4  5 -3.

**25** Решением уравнения  $\frac{1}{2-\sqrt{x}} - \frac{1}{2+\sqrt{x}} = \frac{8}{x\sqrt{x}}$  является

- 1  $\sqrt{14} - 2$   2  $\sqrt{15} + 2$   3  $2\sqrt{5} - 2$   
 4  $3\sqrt{2} - 2$   5  $-2 \pm 2\sqrt{5}$ .

**26** Корень уравнения  $\sqrt{x^2 - 10x + 9} + \sqrt{81 - x^2} = 0$  принадлежит промежутку

- 1 [-10; -8]  2 [0; 2]  3 [-2; 0]  4 [7; 9]  5 корней нет.

**27** Если  $(x_1; y_1), (x_2; y_2)$  — решения системы  $\begin{cases} y = -\sqrt{4 - x^2}, \\ y = \operatorname{tg} \frac{4}{7}\pi \cdot |x| \end{cases}$ , то  $x_1y_1 + x_2y_2$  равняется

- 1 0  2 2  3 1  4 -1  5 -2.

**28** Все значения  $a$ , при которых система уравнений  $y = x + a$ ,  $x^2 + y^2 = 8$  имеет решения, образуют множество

- 1 [-4; 4]  2  $[-\sqrt{6}; \sqrt{6}]$   3  $[-\sqrt{8}; \sqrt{8}]$   4 [-2; 2]  5 [0; 4].

**29** Ящик вмещает 16 кг риса или 20 кг пшена. Если ящик заполнить и тем и другим на одинаковые суммы, то содержимое будет весить 18 кг и стоить 240 р. Цена 1 кг риса превосходит цену 1 кг пшена на

- 1 1 р.  2 2 р.  3 3 р.  4 3,5 р.  5 5 р.

**30** Число корней уравнения  $x \cdot |x + 1| = a$  при  $a > 1$  равно

- 1 1  2 2  3 3  4 4  5 0.